Quadratic Equations

1. Factor the trinomials:

1)
$$x^2 - 9x - 22$$
;

2)
$$x^2 - 10x + 24$$
;

3)
$$x^2 + 4x - 96$$
;

4)
$$x^2 + 27x + 126$$
;

5)
$$x^2 - 24x + 140$$
;

6)
$$x^2 + 43x + 42$$
;

7)
$$x^2 - 7x + 12$$
:

8)
$$x^2 + 13x + 42$$
:

9)
$$x^2 - x - 132$$
:

10)
$$4x^2 + 12x - 216$$
;

11)
$$2x^2 - 5x + 2$$
;

12)
$$3x^2 - 2x - 1$$
.

[1)
$$(x+2)(x-11)$$
; 2) $(x-4)(x-6)$; 3) $(x-8)(x+12)$;
4) $(x+6)(x+21)$; 5) $(x-10)(x-14)$; 6) $(x+1)(x+42)$;

7)
$$(x-3)(x-4)$$
; 8) $(x+6)(x+7)$; 9) $(x+11)(x-12)$;

10)
$$4(x-6)(x+9)$$
; **11**) $(2x-1)(x-2)$; **12**) $(3x+1)(x-1)$.

2. Simplify:

1)
$$\frac{x^2-7x+12}{x^2-8x+15}$$
;

2)
$$\frac{x^2-4x+4}{x^2-5x+6}$$
;

3)
$$\frac{2x^2 + 8x - 90}{3x^2 - 36x + 105}$$
;

4)
$$\frac{x^2 - 9xy + 14y^2}{x^2 - xy - 2y^2}$$
.

[1)
$$\frac{x-4}{x-5}$$
, $x \neq 3$, $x \neq 5$; 2) $\frac{x-2}{x-3}$, $x \neq 2$, $x \neq 3$; 3) $\frac{2(x+9)}{3(x-7)}$, $x \neq 5$, $x \neq 7$; 4) $\frac{x-7y}{x+y}$, $x \neq -y$, $x \neq 2y$.]

3. Solve for $x \in \mathbb{R}$

1)
$$x^2 - 6x - 216 = 0$$
;

2)
$$3x^2 - 8x + 4 = 0$$
;

3)
$$8x - x^2 = 14$$
;

4)
$$x^2 + x - 1 = 0$$
;

5)
$$x^2 - 0.1x - 0.06 = 0$$
;

6)
$$x^2 + 22x = 504$$
;

7)
$$x^2 + 15x = 216$$
;

$$8) \ x^2 - 10x + 28 = 0;$$

9)
$$x^2 - 30x + 297 = 0$$
;

10)
$$x^2 - 17x + 72 = 0$$
;

11)
$$x^2 - 42x = 759$$
:

12)
$$x^2 - 64x - 1621 = 0$$
;

13)
$$x^2 + 0.9x - 0.36 = 0$$
;

14)
$$x^2 + 0.9x - 0.7 = 0$$
;

15)
$$4x^2 + 17x = 15$$
;

16)
$$10x^2 + 9x - 9 = 0$$
;

17)
$$5x^2 - 18x - 8 = 0$$
;

18)
$$64x^2 - 16x - 35 = 0$$
;

19)
$$16x^2 - 40x - 23 = 0$$
;

20)
$$16x^2 - 48x + 41 = 0$$
;

21)
$$x^2 - 77x + 1452 = 0$$
;

22)
$$\frac{x}{2} + \frac{x}{3} + \frac{x}{4} = \frac{x^2}{9} - 3;$$

23)
$$2x^2 + 1.1x - 3.91 = 0;$$

24)
$$\frac{x}{x-\sqrt{2}} - \frac{x}{x+\sqrt{2}} = \sqrt{\frac{2}{3}};$$

[1) 18; -12; 2) 2;
$$\frac{2}{3}$$
; 3) $4 \pm \sqrt{2}$; 4) $\frac{-1 \pm \sqrt{5}}{2}$; 5) -0,2; 0,3;

6)
$$14; -36;$$
 7) $9; -24;$ **8**) $\emptyset;$ **9**) $\emptyset;$ **10**) $8; 9;$ **11**) $21 \pm 20\sqrt{3};$

12)
$$32 \pm 23\sqrt{5}$$
; **13**) $-1,2;0,3;$ **14**) $0,5;-1,4;$ **15**) $\frac{3}{4};-5;$

16)
$$\frac{3}{5}$$
; $-\frac{3}{2}$; **17**) 4; $-\frac{2}{5}$; **18**) $\frac{7}{8}$; $-\frac{5}{8}$; **19**) $\frac{1}{4}$ (5 ± 4 $\sqrt{3}$); **20**) \emptyset ;

21) 33; 44; **22**) 12;
$$-\frac{9}{4}$$
; **23**) 1,15; -1,7; **24**) $\sqrt{3} \pm \sqrt{5}$;

4. Solve for $x \in \mathbb{R}$

1)
$$\frac{4x+5}{x} - \frac{12}{x-2} = 1;$$

2)
$$\frac{x+3}{x-3} + \frac{x-1}{x-5} = 4;$$

3)
$$\frac{5-3x}{3-5x} + \frac{3-5x}{5-3x} = \frac{5}{2}$$
;

4)
$$\frac{x+3}{x-3} + \frac{x-6}{x+6} = 2\frac{1}{5}$$
;

5)
$$\frac{24 - 3x - 10x^2}{10x^2 - 29x + 10} = \frac{3x - 1}{5x - 2} - \frac{2(2x + 1)}{2x - 5};$$

[1) 5;
$$-\frac{2}{3}$$
; 2) 9; 4; 3) 7; $\frac{1}{7}$; 4) 9; -42; 5) $-\frac{5}{2}$; $-\frac{3}{2}$;